



قدم به قدم، همراه دانشجو...

WWW.GhadamYar.Com

جامع ترین و به روز ترین پرتال دانشجویی کشور (پرتال دانش)  
با ارائه خدمات رایگان، تحصیلی، آموزشی، رفاهی، شغلی و...  
برای دانشجویان

- (۱) راهنمای ارتقاء تحصیلی. (کاردانی به کارشناسی، کارشناسی به ارشد و ارشد به دکتری)
- (۲) ارائه سوالات کنکور مقاطع مختلف سالهای گذشته، همراه پاسخ، به صورت رایگان
- (۳) معرفی روش‌های مقاله و پایان نامه نویسی و ارائه پکیج‌های آموزشی مربوطه
- (۴) معرفی منابع و کتب مرتبط با کنکورهای تحصیلی (کاردانی تا دکتری)
- (۵) معرفی آموزشگاه‌ها و مراکز مشاوره تحصیلی معتبر
- (۶) ارائه جزوایت و منابع رایگان مرتبط با رشته‌های تحصیلی
- (۷) راهنمای آزمون‌های حقوقی به همراه دفترچه سوالات سالهای گذشته (رایگان)
- (۸) راهنمای آزمون‌های نظام مهندسی به همراه دفترچه سوالات سالهای گذشته (رایگان)
- (۹) آخرین اخبار دانشجویی، در همه مقاطع، از خبرگزاری‌های پربازدید
- (۱۰) معرفی مراکز ورزشی، تفریحی و فروشگاه‌های دارای تخفیف دانشجویی
- (۱۱) معرفی همایش‌ها، کنفرانس‌ها و نمایشگاه‌های ویژه دانشجویی
- (۱۲) ارائه اطلاعات مربوط به بورسیه و تحصیل در خارج و معرفی شرکت‌های معتبر مربوطه
- (۱۳) معرفی مسائل و قوانین مربوط به سرگذری، معافیت تحصیلی و امریه
- (۱۴) ارائه خدمات خاص ویژه دانشجویان خارجی
- (۱۵) معرفی انواع بیمه‌های دانشجویی دارای تخفیف
- (۱۶) صفحه ویژه نقل و انتقالات دانشجویی
- (۱۷) صفحه ویژه ارائه شغل‌های پاره وقت، اخبار استخدامی
- (۱۸) معرفی خوابگاه‌های دانشجویی معتبر
- (۱۹) دانلود رایگان نرم افزار و اپلیکیشن‌های تحصیلی و...
- (۲۰) ارائه راهکارهای کارآفرینی، استارت آپ و...
- (۲۱) معرفی مراکز تایپ، ترجمه، پرینت، صحافی و ... به صورت آنلاین
- (۲۲) راهنمای خرید آنلاین ارزی و معرفی شرکت‌های مطرح ..... (۲۳)



WWW.GhadamYar.Ir

۰۹۱۲ ۳۰ ۹۰ ۱۰۸

WWW.PortaleDanesh.com

WWW.GhadamYar.Org

۰۹۱۲ ۰۹ ۰۲ ۸۰۱

باما همراه باشید...

[www.GhadamYar.com](http://www.GhadamYar.com)

265

F

نام:

نام خانوادگی:

محل امضاء:



265F

صبح جمعه  
۹۳/۱۲/۱۵

دفترچه شماره ۱۱ از ۲



اگر دانشگاه اصلاح شود، مملکت اصلاح می‌شود.  
امام خمینی (ره)

جمهوری اسلامی ایران  
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری  
سازمان سنجش آموزش کشور

**آزمون ورودی  
دوره‌های دکتری (نیمه‌تمترکز) داخل  
سال ۱۳۹۴**

**رشته مهندسی مکانیک – دینامیک، کنترل و ارتعاشات – کدر شته ۲۳۲۳**

مدت پاسخگویی: ۱۵۰ دقیقه

تعداد سوال: ۴۵

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سوال‌ها

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	از شماره	تا شماره	ضوییب
۱	مجموعه دروس تخصصی (ریاضیات مهندسی، دینامیک پیشرفته، ارتعاشات و کنترل پیشرفته)	۴۵	۱	۴۵	۴

این آزمون نمره منفی دارد.  
استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

اسفندماه – سال ۱۳۹۳

حق جاب، تکثیر و انتشار سوالات به هر روش (الکترونیکی و ...) پس از برگزاری آزمون، برای تمامی اشخاص حقیقی و حقوقی تنها با مجوز این سازمان مجاز می‌باشد و با متخلفین برابر مقررات رفتار می‌شود.

مجموعه دروس تخصصی (ریاضیات مهندسی، دینامیک پیشرفته، ارتعاشات و کنترل پیشرفته):

$$\begin{cases} y'' + \lambda y = 0 \\ y(0) = 0 \\ y(\pi) = y'(\pi) \end{cases} \quad \begin{array}{l} \text{برای توابع ویژه و مقادیر ویژه مسئله روبرو، کدام گزینه صحیح است؟} \\ n = 0, 1, 2, 3, \dots, \tan(\alpha_n \pi) = 2\alpha_n \text{ با شرط } y_n(x) = \sin(\alpha_n x) \quad (1) \\ n = 0, 1, 2, 3, \dots, \tan(\alpha_n \pi) = \alpha_n \text{ با شرط } y_n(x) = \sin(\alpha_n x) \quad (2) \\ n = 0, 1, 2, 3, \dots, \tan(\alpha_n) = \alpha_n \text{ با شرط } y_n(x) = \sin(\alpha_n x) \quad (3) \\ n = 0, 1, 2, 3, \dots, \cot(\alpha_n \pi) = \alpha_n \text{ با شرط } y_n(x) = \sin(\alpha_n x) \quad (4) \end{array}$$

۲- پاسخ کراندار  $w(x, t)$  مسئله مقدار اولیه کرانه‌ای زیر، کدام است؟

$$\begin{cases} \frac{\partial^r w}{\partial x^r} = \frac{\partial^r w}{\partial t^r}, & x > 0, t > 0 \\ w(x, 0) = \frac{\partial w(x, 0)}{\partial t} = 0, & x \geq 0 \\ \frac{\partial w(0, t)}{\partial x} = \cos t, & t \geq 0 \end{cases}$$

$$-\frac{1}{2} \sin\left(\frac{t-x}{2}\right) u(t-x) \quad (1)$$

$$-\frac{1}{2} \sin(2t - 2x) u(t-x) \quad (2)$$

$$-\sin(t-x) u(t-x) \quad (3)$$

۴- پاسخ کراندار ندارد.

۳- یک راه حل مسئله مقدار اولیه کرانه‌ای (یا مرزی) به صورت زیر:

$$\begin{cases} u_{tt} - a^2 u_{xx} = f(x, t), & 0 < x < L, t > 0 \\ u(x, 0) = g(x), u_t(x, 0) = h(x) \\ u(0, t) = u(L, t), & t > 0 \end{cases}$$

$u$  و  $g$  و  $h$  توابع تکه‌ای هموار داده شده‌اند) آن است که شرایط اولیه داده شده و توابع  $f$  (معلوم) و

(مجھول) را بر حسب یک پایه متعامد مناسب  $\{\phi_k(x)\}_{k=1}^{\infty}$ ، به صورت زیر بسط دهیم:

$$u(x, t) = \sum_{k=1}^{\infty} u_k(t) \phi_k(x), \quad f(x, t) = \sum_{k=1}^{\infty} f_k(t) \phi_k(x), \quad g(x) = \sum_{k=1}^{\infty} g_k \phi_k(x), \quad h(x) = \sum_{k=1}^{\infty} h_k \phi_k(x)$$

و سپس با قرار دادن این کاندیداها در معادلات مسئله داده شده، مجھولات  $u_k(t)$  را بیابیم. در این صورت

پایه متعامد  $\{\phi_k(x)\}_{k=1}^{\infty}$ ، کدام است؟

$$\left\{ \cos \frac{k\pi x}{L} \right\}_{k=0}^{\infty} \quad (2)$$

$$\left\{ \sin \frac{k\pi x}{L} \right\}_{k=1}^{\infty} \quad (1)$$

$$\left\{ \cos \frac{(2k-1)\pi x}{2L} \right\}_{k=1}^{\infty} \quad (4)$$

$$\left\{ \sin \frac{(2k-1)\pi x}{2L} \right\}_{k=1}^{\infty} \quad (3)$$

-۴ سری فوریه سینوسی نیم‌دامنه تابع  $f(x) = x \sin x$  در  $0 \leq x \leq \pi$  کدام است؟

$$\sum_{m=1}^{\infty} \frac{-16m}{\pi(2m-1)^2(2m+1)^2} \sin(2mx) \quad (1)$$

$$\frac{\pi}{2} \sin x + \sum_{m=1}^{\infty} \frac{-8m}{\pi(2m-1)^2(2m+1)^2} \sin(2mx) \quad (2)$$

$$\frac{\pi}{2} \sin x + \sum_{m=1}^{\infty} \frac{-16m}{\pi(2m-1)^2(2m+1)^2} \sin(2mx) \quad (3)$$

$$\frac{\pi}{2} \sin x + \sum_{m=1}^{\infty} \frac{-16m}{\pi(2m-1)^2(2m+1)^2} \sin((2m-1)x) \quad (4)$$

-۵ برای تابع  $f(x) = x \cos x$  در  $0 < x < \pi$ ، سری فوریه کسینوسی نیم‌دامنه را در نظر می‌گیریم. سه جمله اول این سری، کدام است؟

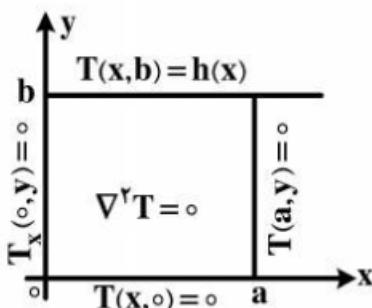
$$-\frac{2}{\pi} + \pi \cos x - \frac{2}{9\pi} \cos 2x \quad (1)$$

$$-\frac{2}{\pi} + \cos x - \frac{2}{9\pi} \cos 2x \quad (2)$$

$$-\frac{2}{\pi} + \frac{\pi}{2} \cos x - \frac{1}{9\pi} \cos 2x \quad (3)$$

$$-\frac{2}{\pi} + \frac{\pi}{2} \cos x - \frac{2}{9\pi} \cos 2x \quad (4)$$

-۶ در مسئله مقدار مرزی معادله دیفرانسیل لاپلاس زیر، پایه متعامد بسط تابع  $h(x)$  داده شده به سری فوریه، کدام است؟



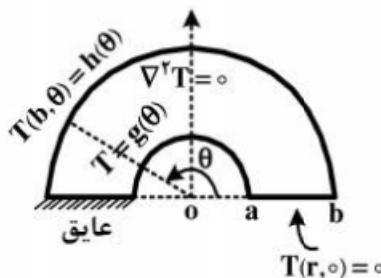
$$\left\{ \cos \frac{k\pi x}{2a} \right\}_{k=1}^{\infty} \quad (1)$$

$$\left\{ \cos \frac{(2k-1)\pi x}{2a} \right\}_{k=1}^{\infty} \quad (2)$$

$$\left\{ \sin \frac{(2k-1)\pi x}{2a} \right\}_{k=1}^{\infty} \quad (3)$$

$$\left\{ \frac{1}{2}, \cos \frac{\pi x}{a}, \cos \frac{2\pi x}{a}, \dots, \cos \frac{k\pi x}{a}, \dots \right\} \quad (4)$$

-۷ برای مسئله مقدار مرزی زیر، در مورد معادله دیفرانسیل لاپلاس در داخل یک نیم‌طوق، کاندید جواب به کدام صورت است؟



$$T(r, \theta) = \sum_{k=1}^{\infty} A_k r^k \sin(k\theta) \quad (1)$$

$$T(r, \theta) = \sum_{k=1}^{\infty} (A_k r^k + B_k r^{-k}) \sin\left(\frac{rk-1}{2}\right)\theta \quad (2)$$

$$\alpha_k = \left(\frac{rk-1}{2}\right), T(r, \theta) = \sum_{k=1}^{\infty} A_k r^{\alpha_k} \sin\left(\frac{rk-1}{2}\right)\theta \quad (3)$$

$$\alpha_k = \left(\frac{rk-1}{2}\right), T(r, \theta) = \sum_{k=1}^{\infty} (A_k r^{\alpha_k} + B_k r^{-\alpha_k}) \sin\left(\frac{rk-1}{2}\right)\theta \quad (4)$$

در معادله رویه مینیمال جواب‌هایی به صورت  $\mathbf{u}(x, y) = \mathbf{F}(x) + \mathbf{G}(y)$  کدام هستند؟ -۸

$$u(x, y) = \frac{-1}{c} \ln \cos(cx + c_1) + c_2 + \frac{1}{c} \ln \cos(-cy + d_1) + d_2 \quad (1)$$

$$u(x, y) = \frac{1}{c} \ln \cos(cx + c_1) + c_2 + \frac{1}{c} \ln \cos(-cy + d_1) + d_2 \quad (2)$$

$$u(x, y) = \frac{-1}{c} \ln \cos(cx + c_1) + c_2 + \frac{1}{c} \ln \cos(cy + d_1) + d_2 \quad (3)$$

$$u(x, y) = \frac{1}{c} \ln \cos(cx + c_1) + c_2 + \frac{1}{c} \ln \cos(cy + d_1) + d_2 \quad (4)$$

با فرض اینکه، جواب مسئله مقدار مرزی  $u(x, t) = \phi(x)$  و  $\phi$  تابع معلوم، به صورت

$$u(x, t) = \frac{1}{2\sqrt{\pi t}} \int_{-\infty}^{\infty} \phi(\zeta) e^{\frac{-(x-\zeta)^2}{4t}} d\zeta \quad (5)$$

$$\phi(x) = \begin{cases} T_1, & x > 0 \\ T_2, & x < 0 \end{cases}$$

$$u(x, t) = \frac{T_1 + T_2}{2} + \frac{T_1 - T_2}{\sqrt{\pi}} \int_0^{\frac{x}{\sqrt{t}}} e^{-\alpha^2} d\alpha \quad (1)$$

$$u(x, t) = \frac{T_1 - T_2}{2} + \frac{T_1 + T_2}{\sqrt{\pi}} \int_0^{\frac{x}{\sqrt{t}}} e^{-\alpha^2} d\alpha \quad (2)$$

$$u(x, t) = (T_1 - T_2) \left( \frac{1}{2} + \frac{1}{\sqrt{\pi}} \int_0^{\frac{x}{\sqrt{t}}} e^{-\alpha^2} d\alpha \right) \quad (3)$$

$$u(x, t) = (T_1 + T_2) \left( \frac{1}{2} + \frac{1}{\sqrt{\pi}} \int_0^{\frac{x}{\sqrt{t}}} e^{-\alpha^2} d\alpha \right) \quad (4)$$

-۱۰ مقدار انتگرال  $I = \int_0^\infty \frac{(\ln x)^r}{1+x^r} dx$ , کدام است؟

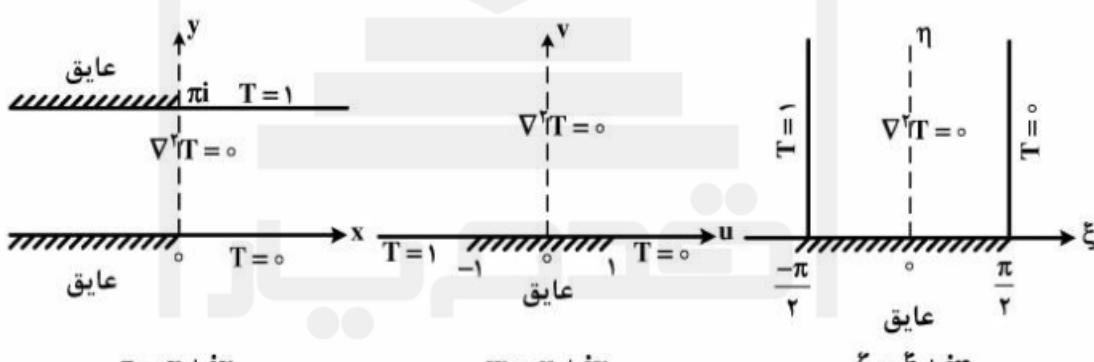
$$\frac{\pi^r}{16} \quad (1)$$

$$\frac{\pi^r}{8} \quad (2)$$

$$\frac{\pi^r}{4} \quad (3)$$

$$\frac{\pi^r}{8} + \frac{\pi^r}{4} \quad (4)$$

-۱۱ سه مسئله مقدار مرزی زیر، برای معادله دیفرانسیل لاپلاس داده شده‌اند. جواب کراندار در نیمه نوار قائم و دو نگاشت مناسب از صفحه  $\zeta$  به صفحه  $w$  و سپس از صفحه  $w$  به صفحه  $z$ ، که جواب‌های کراندار دو مسئله مقدار مرزی دیگر را بدنهند، کدامند؟



$$z = e^w, w = \sin \zeta, T(\zeta, \eta) = \frac{1}{\pi} \left( \frac{\pi}{2} - \zeta \right) \quad (1)$$

$$w = \operatorname{Log} z, \zeta = \sin w, T(\zeta, \eta) = \frac{1}{\pi} \left( \zeta - \frac{\pi}{2} \right) \quad (2)$$

$$w = \operatorname{Log} z, w = \sin \zeta, T(\zeta, \eta) = \frac{1}{\pi} \left( \frac{\pi}{2} - \zeta \right) \quad (3)$$

$$z = \operatorname{Log} w, w = \sin \zeta, T(\zeta, \eta) = \frac{1}{\pi} \left( \frac{\pi}{2} - \zeta \right) \quad (4)$$

-۱۲ با انتگرال‌گیری از تابع مختلط  $f(z) = \frac{e^{az}}{1+e^z}$  (ثابت) روی کرانه مستطیل  $|x| < R$ ، مقدار  $\int_{-\infty}^{\infty} \frac{e^{ax}}{1+e^x} dx$ ، در جهت مثلثاتی، و سپس میل دادن  $R \rightarrow \infty$ ، مقدار  $y \leq 2\pi$ ، کدام است؟

$$\frac{2\pi}{\sin(\pi a)} \quad (2)$$

$$\frac{2\pi}{\sinh(\pi a)} \quad (4)$$

$$\frac{\pi}{\sin(\pi a)} \quad (1)$$

$$\frac{\pi}{\sinh(\pi a)} \quad (3)$$

- ۱۳- اگر  $f(z)$  تابع قائم،  $f(z) = \ln z$ ، آنگاه مقدار  $f(\ln 2)$  کدام است؟

(۱) صفر

$\frac{3}{4}$  (۲)

۱ (۳)

$\frac{8}{5}$  (۴)

- ۱۴- در صورتی که به ازای هر نقطه  $z = r_0 e^{i\theta}$  در داخل دایره  $\zeta = r_0 e^{i\phi}$ ،  $0 < \phi < 2\pi$ ، داشته باشیم

$$\text{که در آن } f(r_0 e^{i\theta}) = \frac{r_0^2 - r_0^2}{2\pi} \int_0^{2\pi} \frac{f(r_0 e^{i\phi})}{|\zeta - z|^2} d\phi$$

حقیقی  $f$  باشد. آنگاه  $\int_0^{2\pi} P(r_0, r, \phi - \theta) u(r_0, \phi) d\phi = 1$ . در این صورت، کدامیک از موارد

زیر، صحیح نیست؟

$$\frac{1}{2\pi} \int_0^{2\pi} P(r_0, r, \phi - \theta) d\phi = 1 \quad (۱)$$

$$P(r_0, r, \phi - \theta) = \frac{r_0^2 - r^2}{r_0^2 + 2r_0 \cos(\phi - \theta) + r^2} \quad (۲)$$

(۳) تابع  $P(r_0, r, \phi - \theta)$  همیشه مثبت است.

(۴)  $P(r_0, r, \phi - \theta)$  تابعی زوج و دوره‌ای (متناوب) از  $(\phi - \theta)$  است.

- ۱۵- در مورد خودالحاق (self Adjoint) بودن معادله دیفرانسیل زیر، کدام عبارت صحیح است؟

$$xy'' + (1-x)y' + ay = 0$$

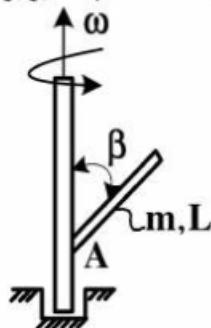
(۱) با ضرب در  $X$  خودالحاق می‌شود.

(۲) با ضرب در  $\frac{1}{X}$  خودالحاق می‌شود.

(۳) با ضرب در  $e^{-x}$  خودالحاق می‌شود.

(۴) خودالحاق است.

- ۱۶ انتهای میله بسیار باریک و یکنواختی به طول  $L$  و به جرم  $m$ ، به یک محور گردان که با سرعت زاویه‌ای  $\omega$  می‌چرخد، با زاویه  $\beta$  جوش داده شده است. مقدار لنگر حرکتی  $\bar{H}_A$  میله حول نقطه A، چند برابر  $mL\omega^2$  است؟



$$\frac{1}{12} \sin \beta \quad (1)$$

$$\frac{1}{6} \cos \beta \sin \beta \quad (2)$$

$$\frac{1}{3} \sin \beta \quad (3)$$

$$\frac{1}{3} \cos \beta \quad (4)$$

- ۱۷ توپی به جرم  $m$  از وضعیت سکون در لحظه  $t=0$  از ارتفاع  $h$  رها شده و بر روی سطحی می‌افتد. چنانچه ضریب جبران (ارتجاع) مابین سطح و توپ e باشد. مدت زمان مورد نیاز برای آنکه حالت پرش (بالا و پایین

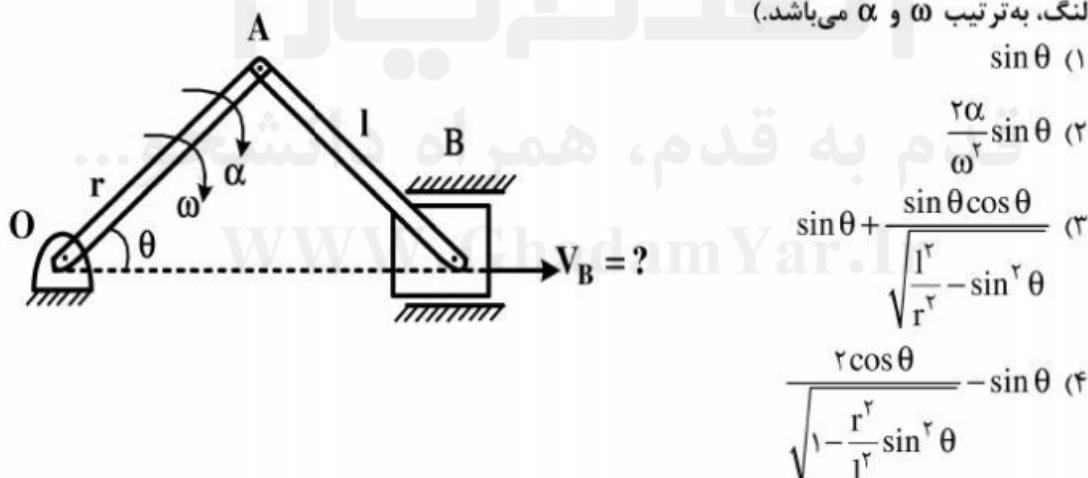
آمدن) توپ متوقف شود، چند برابر  $\sqrt{\frac{2h}{g}}$  است؟

$$(1+e)e \quad (1)$$

$$\frac{1+e}{1-e} \quad (2)$$

$$\frac{1-e}{1+e} \quad (3)$$

- ۱۸ سرعت لحظه‌ای لغزنهای B در مکانیزم لنگ و لغزنهای زیر، چند برابر  $r\omega$  است؟ (سرعت و شتاب زاویه‌ای لنگ، به ترتیب  $\omega$  و  $\alpha$  می‌باشد).

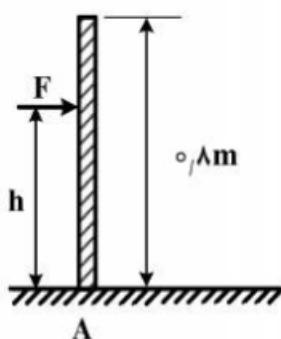


$$\frac{2\alpha}{\omega} \sin \theta \quad (2)$$

$$\sin \theta + \frac{\sin \theta \cos \theta}{\sqrt{\frac{l^2}{r^2} - \sin^2 \theta}} \quad (3)$$

$$\frac{2 \cos \theta}{\sqrt{1 - \frac{r^2}{l^2} \sin^2 \theta}} - \sin \theta \quad (4)$$

- ۱۹ میله همگن و باریکی به جرم ۴ کیلوگرم، مطابق شکل زیر، به حالت ایستاده در حال تعادل است. تقریباً در ارتفاع چند متری از میله (h) می‌توان نیروی افقی F را به آن وارد کرد، بدون آنکه میله در محل تماس با سطح زمین (A) بلغزد؟



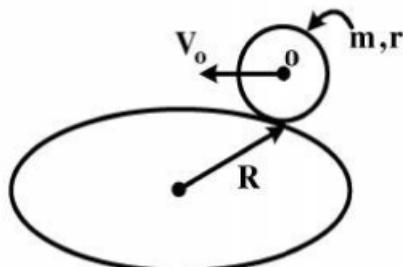
$$0/70 \quad (1)$$

$$0/53 \quad (2)$$

$$0/45 \quad (3)$$

$$0/30 \quad (4)$$

-۲۰ دیسک همگنی به جرم  $m$  و شعاع  $r$  و مرکز  $O$ ، در صفحه قائم قرار داشته و روی صفحه افقی در مسیر دایره‌ای به شعاع  $R$  بدون لغزش می‌غلند و سرعت مرکز آن  $V_0$  است. انرژی سینتیک آن، کدام است؟



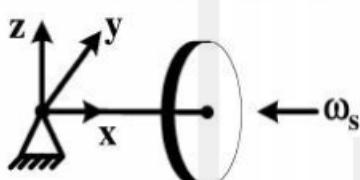
$$\frac{1}{2}mV_0^2\left(\frac{3}{2} + \frac{r^2}{4R^2}\right) \quad (1)$$

$$\frac{1}{2}mV_0^2\left(\frac{3}{2} + \frac{r^2}{2R^2}\right) \quad (2)$$

$$\frac{1}{2}mV_0^2\left(\frac{3}{2} + \frac{3r^2}{R^2}\right) \quad (3)$$

$$\frac{1}{2}mV_0^2\left(\frac{3}{2} + \frac{4r^2}{R^2}\right) \quad (4)$$

-۲۱ ژیروسکوپی به چرخش درمی‌آید، به طوری که مطابق شکل زیر، بردار چرخش آن به سمت تکیه‌گاه و نیروی نقلی به سمت پایین است. بردار سرعت زاویه‌ای تقدیم (Precession). در کدام جهت خواهد بود؟



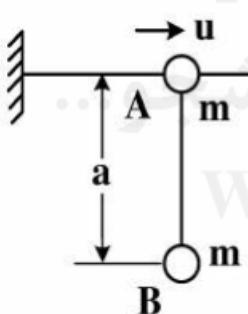
(۱) بالا

(۲) پایین

(۳) عمود بر صفحه، به طرف خارج

(۴) عمود بر صفحه، به طرف داخل

-۲۲ مهره A به جرم  $m$  در امتداد مفتول افقی قرار دارد و مهره B بهوسیله طنابی به طول  $a$  به مهره A متصل شده است. هر دو مهره در شرایط سکون قرار دارند. اگر به مهره A سرعت  $u$  در امتداد مفتول داده شود، حداکثر زاویه انحراف مهره B از وضع قائم چقدر است؟ (از اصطکاک بین مفتول و مهره A صرف نظر و فرض شود  $u$  در محدوده‌ای است که موجب دوران کامل B حول A نمی‌شود).



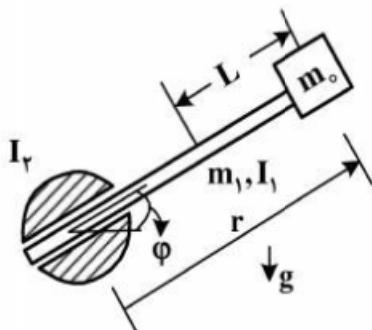
$$\text{Arc cos}\left(1 - \frac{u^2}{4ga}\right) \quad (1)$$

$$\text{Arc cos}\left(1 - \frac{u^2}{2ga}\right) \quad (2)$$

$$\text{Arc cos}\left(1 - \frac{u^2}{ga}\right) \quad (3)$$

$$\text{Arc cos}\left(\frac{u^2}{2ga} - 1\right) \quad (4)$$

- ۲۳ در بازوی دو درجه آزادی نشان داده شده زیر، انرژی جنبشی منهای انرژی پتانسیل یعنی تابع لاغرانژین، برابر کدام است؟ ( $L$ ، فاصله مرکز جرم میله از انتهای آن است).



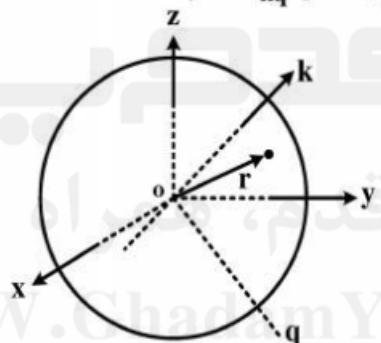
$$\frac{1}{2}I_r\dot{\phi}^2 + \frac{1}{2}I_1\dot{\phi}^2 + \frac{1}{2}m_0[r^2\dot{\phi}^2 + \dot{r}^2] + m_0g(r-L) \quad (1)$$

$$\frac{1}{2}I_r\dot{\phi}^2 + \frac{1}{2}m_1[(r-L)^2\dot{\phi}^2 + \dot{r}^2] + \frac{1}{2}m_1r^2\dot{\phi}^2 + \\ m_1g(r-L)\sin\phi - m_0g\sin\phi \quad (2)$$

$$\frac{1}{2}I_r\dot{\phi}^2 + \frac{1}{2}I_1\dot{\phi}^2 + \frac{1}{2}m_1[(r-L)^2\dot{\phi}^2 + \dot{r}^2] + \\ \frac{1}{2}m_1[r^2\dot{\phi}^2 + \dot{r}^2] + m_1g(r-L)\sin\phi + m_0gr\sin\phi \quad (3)$$

$$\frac{1}{2}I_r\dot{\phi}^2 + \frac{1}{2}I_1\dot{\phi}^2 + \frac{1}{2}m_1[(r-L)^2\dot{\phi}^2 \sin\phi + \dot{r}^2] + \\ \frac{1}{2}m_1[r^2\dot{\phi}^2 \sin^2\phi + \dot{r}^2] + m_1g(r-L)\sin\phi \quad (4)$$

- ۲۴ در دستگاه کارتزین زیر، با معلوم بودن ماتریس ممان اینرسی  $I$  و کسینوس‌های هادی محورهای  $k$  و  $q$ ، به ترتیب  $(l, m, n)$  و  $(l', m', n')$  مقدار  $I_{kq}$  کدام است؟



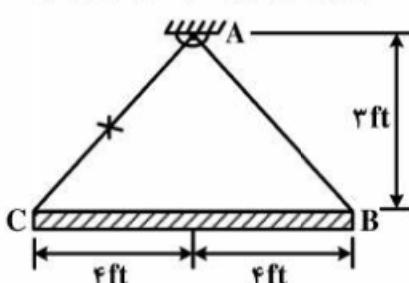
$$ll'I_{xx} + mm'I_{yy} + nn'I_{zz} + lm'I_{xy} + n'l'I_{xz} + mn'I_{yz} \quad (1)$$

$$-ll'I_{xx} - mm'I_{yy} - nn'I_{zz} + l'm'I_{xy} + nl'I_{xz} + nm'I_{yz} \quad (2)$$

$$ll'I_{xx} + mm'I_{yy} + nn'I_{zz} + (lm' + l'm)I_{xy} + (n'l + nl')I_{xz} + (mn' + nm')I_{yz} \quad (3)$$

$$-ll'I_{xx} - mm'I_{yy} - nn'I_{zz} + (lm' + l'm)I_{xy} + (n'l + nl')I_{xz} + (mn' + nm')I_{yz} \quad (4)$$

- ۲۵ یک میله باریک و یکنواخت  $15^\circ$  پوندی، توسط دو طناب  $AB$  و  $AC$ ، مطابق شکل زیر، آویخته شده است. چنانچه طناب  $AC$  ناگهان پاره شود، نیروی کشش طناب  $AB$  و شتاب زاویه‌ای اولیه میله، به ترتیب چند



$$\text{و چند } \frac{\text{rad}}{\text{s}^2} \text{ هستند؟}$$

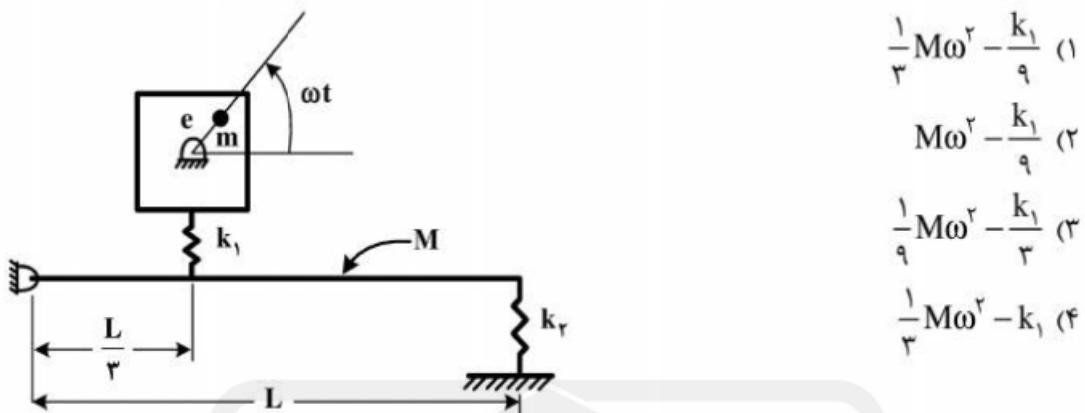
$$2/5, 2/5 \quad (1)$$

$$4/18, 4/3/3 \quad (2)$$

$$8/5, 4/8/3 \quad (3)$$

$$12/38, 62/5 \quad (4)$$

-۲۶ در سیستمی مطابق شکل زیر، مقدار  $k_2$  برای اینکه ماشین سوار شده روی میله ایزوله شود، کدام است؟



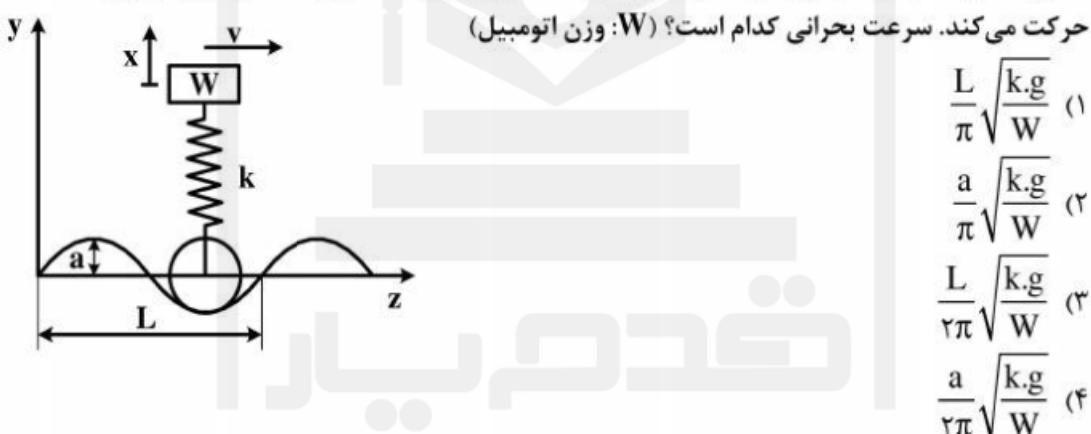
$$\frac{1}{3}M\omega^2 - \frac{k_1}{9} \quad (1)$$

$$M\omega^2 - \frac{k_1}{9} \quad (2)$$

$$\frac{1}{9}M\omega^2 - \frac{k_1}{3} \quad (3)$$

$$\frac{1}{3}M\omega^2 - k_1 \quad (4)$$

-۲۷ مدل یک درجه آزادی اتومبیل در شکل زیر، با سرعت  $v$  بر روی یک مسیر با منحنی سینوسی و با دامنه  $a$  حرکت می‌کند. سرعت بحرانی کدام است؟ (W: وزن اتومبیل)



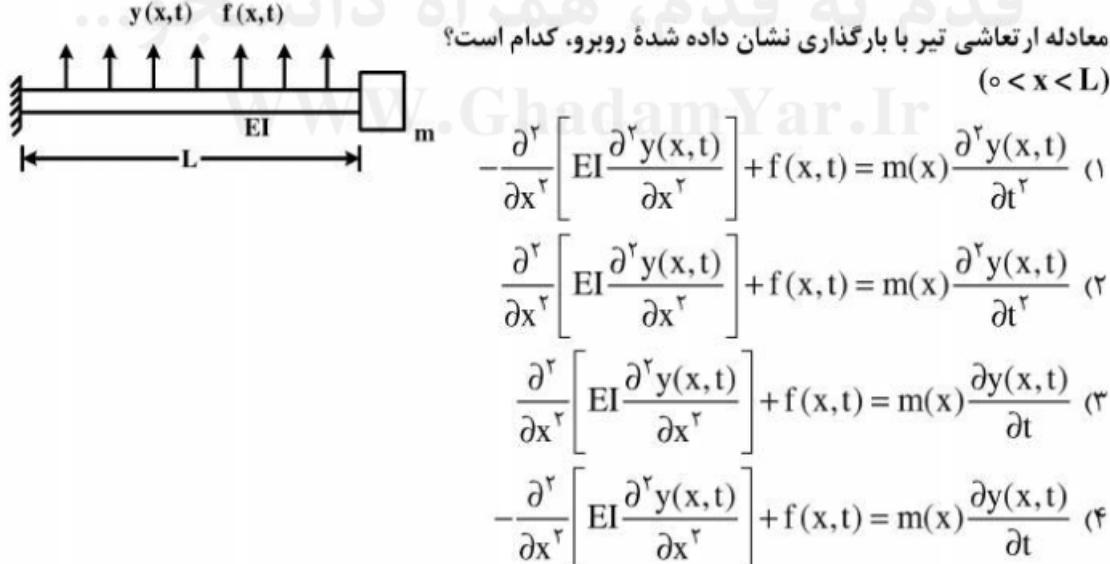
$$\frac{L}{\pi} \sqrt{\frac{k.g}{W}} \quad (1)$$

$$\frac{a}{\pi} \sqrt{\frac{k.g}{W}} \quad (2)$$

$$\frac{L}{2\pi} \sqrt{\frac{k.g}{W}} \quad (3)$$

$$\frac{a}{2\pi} \sqrt{\frac{k.g}{W}} \quad (4)$$

-۲۸ معادله ارتعاشی تیر با بارگذاری نشان داده شده رویرو، کدام است؟ ( $0 < x < L$ )



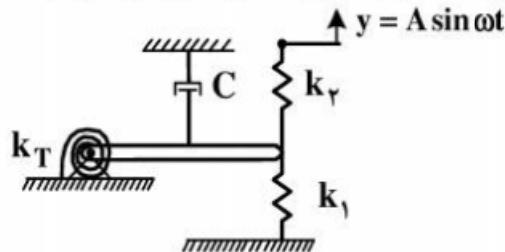
$$-\frac{\partial^4}{\partial x^4} \left[ EI \frac{\partial^2 y(x,t)}{\partial x^2} \right] + f(x,t) = m(x) \frac{\partial^2 y(x,t)}{\partial t^2} \quad (1)$$

$$\frac{\partial^4}{\partial x^4} \left[ EI \frac{\partial^2 y(x,t)}{\partial x^2} \right] + f(x,t) = m(x) \frac{\partial^2 y(x,t)}{\partial t^2} \quad (2)$$

$$\frac{\partial^4}{\partial x^4} \left[ EI \frac{\partial^2 y(x,t)}{\partial x^2} \right] + f(x,t) = m(x) \frac{\partial y(x,t)}{\partial t} \quad (3)$$

$$-\frac{\partial^4}{\partial x^4} \left[ EI \frac{\partial^2 y(x,t)}{\partial x^2} \right] + f(x,t) = m(x) \frac{\partial y(x,t)}{\partial t} \quad (4)$$

- ۳۹ دامنه و فاز پاسخ ماندگار میله صلب شکل زیر، به جرم  $m$  و طول  $l$  در برابر حرکت سینوسی انتهای آزاد فنر  $k_2$  کدام است؟ (میراکننده لزج  $C$  در وسط میله قرار گرفته و میله همگن است).



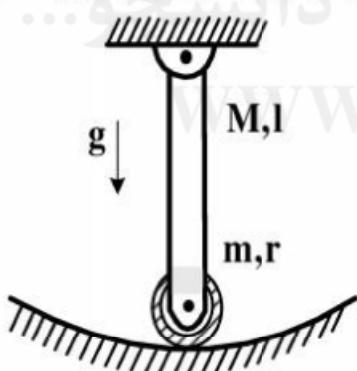
$$x = A \quad \phi = \frac{\pi}{\gamma} \quad (1)$$

$$x = \frac{Ak_2}{\sqrt{(k_T + k_1 + k_2 - m\omega^2)^2 + (C\omega)^2}} \quad \phi = \tan^{-1} \frac{C\omega}{(k_T + k_1 + k_2 - m\omega^2)} \quad (2)$$

$$x = \frac{k_2 l A}{\sqrt{(k_T + k_1 l^2 + k_2 l^2 - \frac{ml^2}{12}\omega^2)^2 + (\frac{Cl}{4}\omega)^2}} \quad \phi = \tan^{-1} \frac{\frac{Cl}{4}\omega}{(k_T + k_1 l^2 + k_2 l^2 - \frac{ml^2}{12}\omega^2)} \quad (3)$$

$$x = \frac{k_2 l A}{\sqrt{(k_T + k_1 l^2 + k_2 l^2 - \frac{ml^2}{12}\omega^2)^2 + (\frac{Cl}{4}\omega)^2}} \quad \phi = \tan^{-1} \left\{ \frac{\frac{Cl}{4}\omega}{[(k_T + k_1 l^2 + k_2 l^2) - \frac{ml^2}{12}\omega^2]} \right\} \quad (4)$$

- ۴۰ فرکانس نوسانات آزاد با دامنه کوچک سیستم زیر، با فرض غلتش خالص دیسک همگن به جرم  $m$  و شعاع  $l$  بر روی سطح داخلی سیلندر کدام است؟ (میله صلب و یکنواخت بوده و جرم و طول آن، به ترتیب  $M$  و  $l$  و تمام اتصالات لولا هستند).



$$\sqrt{\frac{g}{1}} \quad (1)$$

$$\sqrt{\frac{(M+m)g}{(\frac{M}{3} + \frac{m}{2})l}} \quad (2)$$

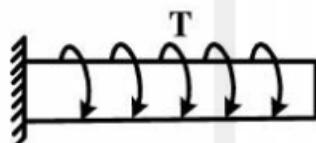
$$\sqrt{\frac{\frac{M}{3} + m}{(\frac{M}{3} + m)l}} \quad (3)$$

$$\sqrt{\frac{\frac{M}{3} + m}{(\frac{M}{3} + \frac{m}{2})l}} \quad (4)$$

- ۳۱ نیروی هارمونیک مطابق شکل زیر، به نخ بدون جرم و غیرکشسان که روی دیسک غلتش ناب دارد، وارد می‌شود. اگر فرکانس تحریک  $\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$  باشد، دامنه نیروی وارد بر زمین در A چقدر است؟ (R = شعاع و



- ۳۲ معادله ارتعاش پیچشی میله شکل زیر، کدام است؟ ( $\rho$  = چگالی،  $G$  = مدول برشی و  $J$  = ممان قطبی سطح مقطع)



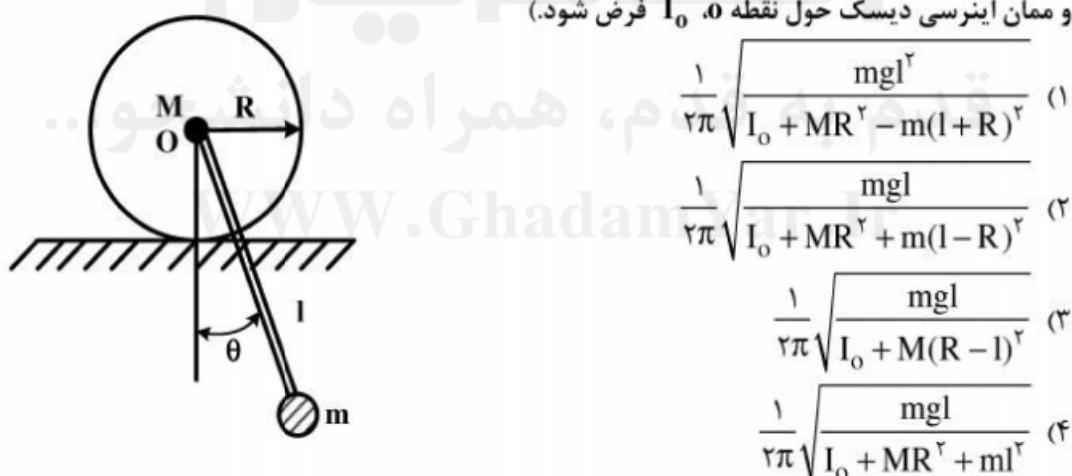
$$\rho J \ddot{\theta} - J G \dot{\theta}' = T(x, t) \quad (1)$$

$$\rho J \ddot{\theta} - J G \dot{\theta}'' = T(x, t) \quad (2)$$

$$\rho J \dot{\theta} + J G \dot{\theta}'' = T(x, t) \quad (3)$$

$$\rho J \ddot{\theta} + J G \dot{\theta}'' = T(x, t) \quad (4)$$

- ۳۳ فرکانس طبیعی  $f_n$  سیستم زیر، شامل یک دیسک به جرم M که در نقطه O، میله بدون جرمی به طول l به آن جوش خورده و در انتهای میله، گلوله m با ابعاد کوچک به آن وصل شده، کدام است؟ (زاویه  $\theta$ ، کوچک و ممان اینرسی دیسک حول نقطه O،  $I_0$  فرض شود).



- ۳۴ مجذور فرکانس طبیعی سیستم نشان داده شده زیر، بدون درنظر گرفتن جرم میله، کدام است؟

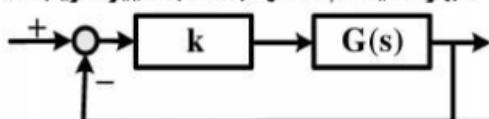


- ۳۵ در ارتعاشات اجباری تحت محرك هارمونيك برای یک سیستم جرم - فنر - میراکننده لزجی یک درجه آزادی، نسبت دامنه دینامیکی پاسخ به دامنه استاتیکی آن، کوچک‌تر از یک و فرکانس تحریک، کوچک‌تر از فرکانس طبیعی سیستم است. کدام مورد، در خصوص نسبت میراکننده این سیستم (۷) امکان‌پذیر است؟

$$(1) \frac{1}{2} < \zeta < \frac{1}{4}$$

$$(2) \frac{1}{3} < \zeta < \frac{1}{2}$$

- ۳۶ چنانچه در سیستم کنترلی نشان داده شده زیر، حد فاز و حد بهره سیستم محدود باشد، با تغییر ضریب  $k$



کدام‌یک از موارد زیر، اتفاق می‌افتد؟

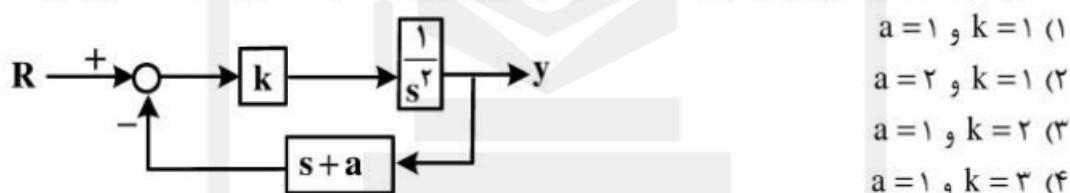
(۱) تنها حد فاز سیستم تغییر می‌کند.

(۲) تنها حد بهره سیستم تغییر می‌کند.

(۳) هم حد فاز و هم حد بهره سیستم تغییر می‌کند.

(۴) هیچ تغییری در حد فاز و حد بهره سیستم رخ نمی‌دهد.

- ۳۷ مقادیر  $k$  و  $a$  در سیستم زیر، چقدر باشند تا قطب‌های تابع تبدیل حلقه بسته، در  $j\omega = -1 \pm j$  قرار گیرند؟



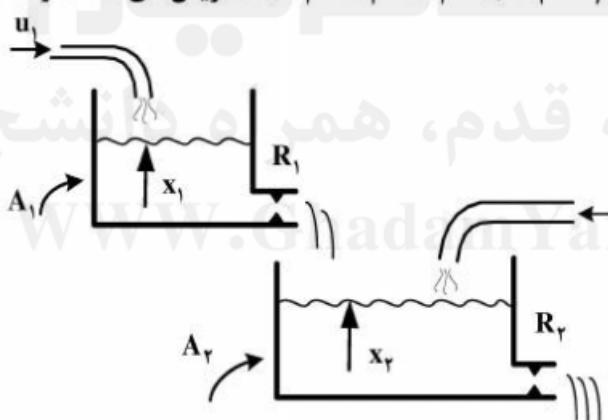
$$a=1 \text{ و } k=1 \quad (1)$$

$$a=2 \text{ و } k=1 \quad (2)$$

$$a=1 \text{ و } k=2 \quad (3)$$

$$a=1 \text{ و } k=3 \quad (4)$$

- ۳۸ برای سیستم مخازن مرتبه شکل زیر، متغیرهای حالت:  $x_1$  و  $x_2$  و ورودی‌ها: دبی‌های  $u_1$  و  $u_2$  و خروجی سیستم ( $y = Q_2$ ): دبی تخلیه شده از مخزن دوم است. رفتار سیستم حول نقطه تعادل، خطی شده و مقاومت‌ها خطی هستند ( $A_1 = A_2 = R_1 = 1$ ,  $R_2 = 0.5$ ). ماتریس‌های  $A$ ,  $B$  و  $C$  در معادلات فضای حالت سیستم کدامند؟



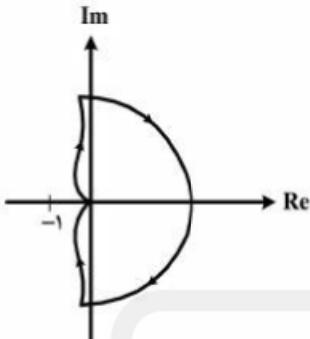
$$A = \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 1 & -2 \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix}, \quad C = \begin{bmatrix} 1 & 0 \end{bmatrix} \quad (1)$$

$$A = \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix}, \quad C = \begin{bmatrix} 0 & 2 \end{bmatrix} \quad (2)$$

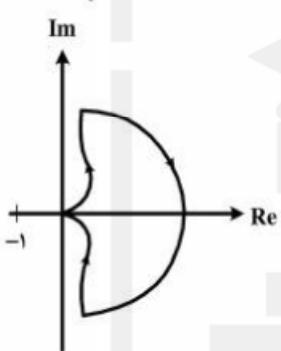
$$A = \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}, \quad C = \begin{bmatrix} 0 & 1 \end{bmatrix} \quad (3)$$

$$A = \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 1 & -2 \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}, \quad C = \begin{bmatrix} 0 & 2 \end{bmatrix} \quad (4)$$

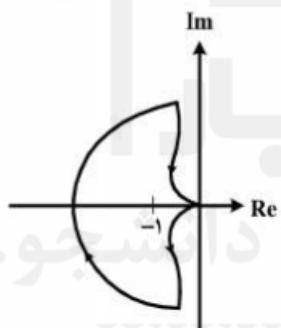
- ۳۹- تابع تبدیل مدار باز یک سیستم با فیدبک منفی، به صورت زیر است. کدام مورد، در خصوص پایداری و نمودار نایکوئیست سیستم، صحیح است؟
- $$G(s)H(s) = \frac{s}{s(1-s)}$$



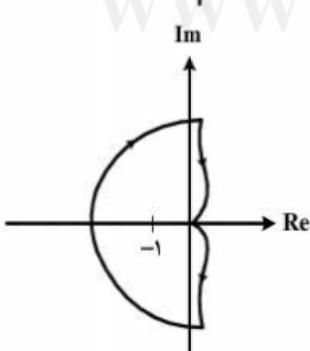
۱) سیستم مدار پایدار است. نمودار نایکوئیست:



۲) سیستم مدار پایدار است و یک قطب سمت راست صفحه دارد. نمودار نایکوئیست:



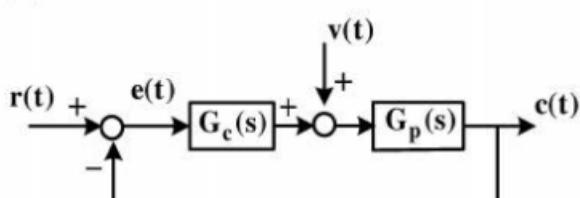
۳) سیستم مدار پایدار است و سه قطب سمت راست صفحه دارد. نمودار نایکوئیست:



۴) سیستم مدار پایدار است و دو قطب سمت راست صفحه دارد. نمودار نایکوئیست:

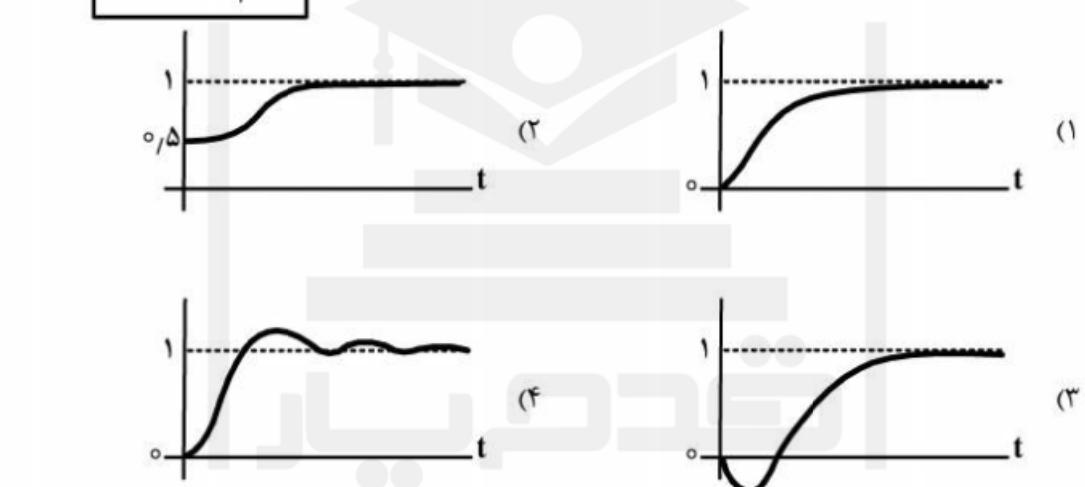
- ۴۰- تابع تبدیل حلقه باز سیستمی،  $G(s) = \frac{s+1}{s^2+s+4}$  است. حاشیه بیهوده سیستم، چند dB می‌باشد؟
- |             |      |      |
|-------------|------|------|
| ۱) ۱        | ۲) ۲ | ۳) ۳ |
| ۴) بی‌نهایت |      |      |

- ۴۱ در سیستم شکل زیر، برای آنکه به ازای  $r(t) = 0$  و  $v(t) = 0$  برابر پله‌ای واحد، خطای حالت ماندگار  $(t \rightarrow \infty)$  مساوی صفر شود، کدام مورد صحیح است؟



- (۱)  $G_c(s)$  باید دارای انتگرال گیرنده باشد.
- (۲)  $G_p(s)$  باید دارای انتگرال گیرنده باشد.
- (۳) هر دو تابع تبدیل  $G_p(s)$  و  $G_c(s)$  باید دارای انتگرال گیرنده باشند.
- (۴) کافی است یکی از دو تابع تبدیل  $G_p(s)$  یا  $G_c(s)$  دارای انتگرال گیرنده باشد.

- ۴۲ عکس العمل سیستم شکل رو برو، به ورودی پله‌ای واحد، کدام است؟



- ۴۳ در سیستم مداربسته زیر، کدام مورد صحیح است؟



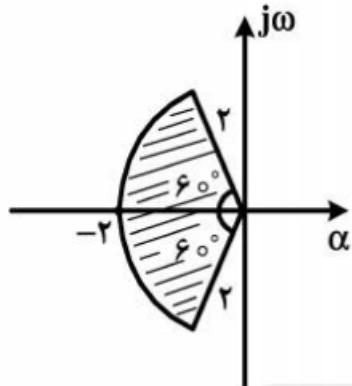
- (۱) سیستم مداربسته با کنترل کننده تناسبی + انتگرالی، در مقایسه با تناسبی تنها، پایدارتر است.
- (۲) سرعت عکس العمل سیستم با کنترل کننده تناسبی، بیشتر از کنترل کننده تناسبی + مشتق گیر است.
- (۳) سیستم مداربسته با کنترل کننده تناسبی، پایدارتر از همان سیستم با کنترل کننده تناسبی + مشتق گیر است.
- (۴) سیستم مداربسته با کنترل کننده تناسبی + مشتق گیر، پایدارتر از کنترل کننده تناسبی + انتگرال گیر + مشتق گیر است.

- ۴۴ تابع تبدیل حلقه باز سیستمی  $G(s)H(s) = \frac{s^3 + 2s^2 + 2s + 1}{s^3 + 2s^2 + 5s^2 + 8s + 16}$  است. جهت پایداری سیستم،

مقدار بفره باید به گونه‌ای انتخاب شود که نمودار نایکوئیست نقطه  $j\omega = -1$  را.....

- (۱) دور نزند.
- (۲) دوبار در جهت پاد ساعتگرد دور بزند.
- (۳) یکبار در جهت ساعتگرد دور بزند.

- ۴۵- ناحیه هاشورخورده در شکل زیر، کدام محدوده‌ها را برای مشخصات عملکردی یک سیستم مرتبه دوم نشان می‌دهد؟



$$\zeta \geq 0.5, \omega_n \leq 2 \quad (1)$$

$$\zeta \geq 0.5, \omega_n \geq 2 \quad (2)$$

$$\zeta \leq 0.5, \omega_n \leq 2 \quad (3)$$

$$\zeta \leq 0.5, \omega_n \geq 2 \quad (4)$$



به اطلاع داوطلبان شرکت کننده در آزمون دکترا سال 1394 می‌رساند، کلید اولیه سوالات بر روی سایت سازمان سنجش قرار گرفته است. این کلید اولیه غیر قابل استناد است بس از دریافت نظرات داوطلبان و صاحب نظران کلید نهایی سوالات تهیه و بر اساس آن کارنامه داوطلبان استخراج خواهد شد، در صورت تمایل می‌توانید حداقل تا تاریخ ۹۴/۰۱/۰۵ با مراجعه به سایت سازمان سنجش www.sanjesh.org از طریق سیستم ارسال و درخواست نسبت به تکمیل فرمی که برای دریافت این نظرات آماده گردیده است اقدام تماید، لازم به ذکر است نظرات داوطلبان فقط از طریق اینترنت دریافت خواهد شد و به موارد ارسالی از طریق دیگر رسیدگی نخواهد شد.



گروه امتحانی	شماره پاسخنامه	نوع دقیقه	عنوان دقیقه
فنی و مهندسی	1	F	مهندسی مکانیک - دینامیک کنترل وارتعاشات

شماره سوال	گزینه صحیح	شماره سوال	گزینه صحیح
1	2	31	3
2	3	32	2
3	1	33	2
4	3	34	4
5	4	35	1
6	2	36	3
7	4	37	3
8	1	38	4
9	1	39	2
10	2	40	4
11	4	41	1
12	1	42	3
13	4	43	4
14	2	44	2
15	3	45	1
16	3		
17	4		
18	3		
19	2		
20	1		
21	2		
22	1		
23	3		
24	4		
25	2		
26	1		
27	3		
28	1		
29	4		
30	4		

خروج