



قدم به قدم، همراه دانشجو...

WWW.GhadamYar.Com

جامع ترین و به روز ترین پرتال آزمونهای شغلی کشور (پرتال دانش)
با ارائه خدمات رایگان، آموزشی، راهنمایی آزمونهای شغلی و...
برای دانشجویان

- ۱) راهنمای آزمون‌های حقوقی به همراه دفترچه سوالات سالهای گذشته (رایگان)
شامل آزمونهای وکالت (اسکودا و مشاوران قوه)، قضاویت، اختبار، سردفتری، دفتریاری و ...
- ۲) راهنمای آزمون‌های کارشناسان رسمی دادگستری به همراه سوالات سالهای گذشته (رایگان)
- ۳) راهنمای آزمون‌های نظام مهندسی به همراه دفترچه سوالات سالهای گذشته (رایگان)
- ۴) ارائه جزوات و منابع رایگان برای آمادگی در آزمونهای شغلی
- ۵) آخرین اخبار آزمونهای شغلی، از خبرگزاری‌های پربازدید
- ۶) معرفی روش‌های مقاله و پایان‌نامه نویسی و ارائه پکیج‌های آموزشی مربوطه
- ۷) ارائه سوالات کنکور مقاطع مختلف سالهای گذشته، همراه پاسخ، به صورت رایگان
- ۸) معرفی آموزشگاه‌های معترض جهت آزمونهای شغلی

.... (۹)



کد کنترل

532

F

532F

آزمون (نیمه‌مت مرکز) ورود به دوره‌های دکتری – سال ۱۴۰۲

دفترچه شماره (۱)

صبح پنجشنبه

۱۴۰۱/۱۲/۱۱



جمهوری اسلامی ایران

وزارت علوم، تحقیقات و فناوری

سازمان سنجش آموزش کشور

«اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می‌شود.
امام خمینی (ره)»

مهندسی کامپیوتر – هوش مصنوعی (کد ۲۳۵۶)

زمان پاسخ‌گویی: ۱۳۵ دقیقه

تعداد سؤال: ۴۵

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سوالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره
۱	مجموعه دروس تخصصی: – ساختمان داده‌ها و طراحی الگوریتمها – شناسایی الگو – یادگیری ماشین	۴۵	۱	۴۵

این آزمون نمره منفی دارد.

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

حق چاپ، تکثیر و انتشار سوالات به هر روش (الکترونیکی و...) پس از برگزاری آزمون، برای تمامی اشخاص حقیقی و حقوقی تنها با مجوز این سازمان مجاز می‌باشد و با مخالفین برابر مقررات رفتار می‌شود.

* داوطلب گرامی، عدم درج مشخصات و امضا در مندرجات جدول زیر، بهمنزله عدم حضور شما در جلسه آزمون است.

اینجانب با شماره داوطلبی با آگاهی کامل، یکسان بودن شماره صندلی خود با شماره داوطلبی مندرج در بالای کارت ورود به جلسه، بالای پاسخ نامه و دفترچه سؤالات، نوع و کد کنترل درج شده بر روی جلد دفترچه سؤالات و پایین پاسخ نامه ام را تأیید می نمایم.

امضا:

مجموعه دروس تخصصی (ساختمان داده‌ها و طراحی الگوریتم‌ها – شناسایی الگو – یادگیری ماشین):

- ۱ الگوریتم فلوید – وارshall از یک الگوریتم برای حل مسئله کوتاه‌ترین مسیرهای تمام جفت رئوس در یک گراف جهت‌دار $G = (V, E)$ در زمان استفاده می‌کند.

$$\Theta(V^3 \log E) \quad (2) \quad \text{حریصانه, } \Theta(v^3) \quad (1)$$

$$\Theta(V^3 \log E) \quad (4) \quad \text{برنامه‌نویسی پویا, } \Theta(v^3) \quad (3)$$

- ۲ با فرض اینکه $P \neq NP$ باشد، کدام مورد درست است؟

$$NP - \text{complete} = P \quad (2) \quad NP - \text{hard} = NP \quad (1)$$

$$NP - \text{complete} \cap P = \emptyset \quad (4) \quad NP - \text{complete} = NP \quad (3)$$

- ۳ کمترین تعداد مقایسه مورد نیاز برای تعیین اینکه یک عدد صحیح بیش از $\frac{n}{2}$ مرتبه در یک آرایه مرتب از اعداد صحیح به طول n ظاهر می‌شود، از کدام مرتبه است؟

$$\Theta(\log n) \quad (2) \quad \Theta(1) \quad (1)$$

$$\Theta(n \log n) \quad (4) \quad \Theta(n) \quad (3)$$

- ۴ n آرایه نامرتب A_1, A_2, \dots, A_n را در نظر بگیرید (n عددی فرد است). هر کدام از این آرایه‌ها دارای n عنصر متمایز است. هیچ عنصر مشترکی میان هیچ دو آرایه‌ای وجود ندارد. کمترین پیچیدگی زمانی الگوریتمی برای محاسبه میانه این آرایه‌ها از چه مرتبه‌ای است؟

$$\Theta(n \log n) \quad (2) \quad \Theta(n) \quad (1)$$

$$\Theta(n^3 \log n) \quad (4) \quad \Theta(n^3) \quad (3)$$

- ۵ فرض کنید $W(n)$ و $A(n)$ ، به ترتیب، نشان‌دهنده بدترین حالت و میانگین زمان اجرای الگوریتم اجراشده بر روی ورودی با اندازه n باشند. کدام مورد همواره درست است؟

$$A(n) = \Theta(W(n)) \quad (2) \quad A(n) = O(W(n)) \quad (1)$$

$$A(n) = o(W(n)) \quad (4) \quad A(n) = \Omega(W(n)) \quad (3)$$

- ۶ یک آرایه مرتب شده از اعداد داریم. می‌خواهیم دو عدد در این آرایه پیدا کنیم که جمع آن دو عدد مساوی یک عدد داده شده x باشد. کمترین پیچیدگی زمانی حل این مسئله کدام است؟

$$\Theta(n^3) \quad (2) \quad \Theta(n) \quad (1)$$

$$\Theta(n \log n) \quad (4) \quad \Theta(\log n) \quad (3)$$

- ۷ فرض کنید آرایه‌ای از اعداد صحیح $A = [a_1; a_2; \dots; a_n]$ داده شود. فرض کنید یک اندیس (ناشناخته) k وجود دارد به طوری که زیرآرایه $A = [a_1; a_2; \dots; a_k]$ به ترتیب اکیداً افزایشی مرتب شده است و زیرآرایه $A = [a_k; a_{k+1}; \dots; a_n]$ به ترتیب اکیداً نزولی مرتب شده است (یعنی اگر $i < j \leq k$ ، آنگاه $a_i > a_j$ ، و اگر $k \leq i < j \leq n$ ، آنگاه $a_i < a_j$ هدف شما تعیین k است. یک الگوریتم بهینه برای حل این مسئله چه زمان اجرایی دارد؟

$$\Theta(n \log n) \quad (2)$$

$$\Theta(n^2 \log n) \quad (1)$$

$$\Theta(\log n) \quad (4)$$

$$\Theta(n) \quad (3)$$

- ۸ کدامیک از موارد زیر درست است؟
- (۱) آرایه $A = [10; 3; 5; 1; 4; 2]$ یک max heap است.
- (۲) هر مسئله محاسباتی با اندازه ورودی n را می‌توان با یک الگوریتمی با زمان چندجمله‌ای برحسب n حل کرد.
- (۳) برای تمام توابع مثبت $f(n)$ ، $f(n) = O(g(n))$ و $g(n) = O(h(n))$ ، اگر $h(n)$ و $g(n)$ باشد، آنگاه $f(n) = \Omega(g(n) + h(n))$ است.
- (۴) اگر هر رقم جداینده در RADIX SORT را با استفاده از INSERTION SORT مرتب کنیم، آنگاه RADIX SORT به درستی کار نمی‌کند (یعنی خروجی صحیح را تولید نمی‌کند).

-۹ کدام مورد زیر مطمئناً عبارت $f(n) = \Omega(g(n))$ را پشتیبانی می‌کند؟

$$n \geq 136 \quad f(n) \geq 4 \times g(n) \quad (2)$$

$$n \geq 1 \quad f(n) \leq 4 \times g(n) \quad (1)$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = \infty \quad (4)$$

$$n \geq 100 \quad f(n) \leq 4 \times g(n) \quad (3)$$

-۱۰ کدامیک از گزاره‌های زیر درست است؟

- الف- اگر مسئله P_1 بتواند به مسئله P_2 در زمان خطی کاهش (reduce) یابد، آنگاه اگر P_2 یک مسئله NP-hard باشد، می‌توان نتیجه گرفت P_1 نیز NP-hard است.

ب- یک **Clique** در یک گراف بدون جهت لزوماً یک vertex cover در گراف مکمل نیست.

(۱) فقط گزاره «الف» درست است.

(۲) فقط گزاره «ب» درست است.

(۳) هر دو گزاره «الف» و «ب» درست است.

کدامیک از گزاره‌های زیر درست است؟

- الف- اینکه زمان حل یک مسئله P حد پایین $\Omega(n^2)$ دارد به این معنی است که برای هر الگوریتم A که P را حل می‌کند فقط برخی از نمونه‌های P وقتی به عنوان ورودی به A داده شوند، باعث می‌شود A زمان $\Omega(n^2)$ صرف کند.

- ب- اینکه زمان حل یک مسئله P حد پایین $\Omega(n^2)$ دارد به این معنی است که برای هر الگوریتم A که P را حل می‌کند هر نمونه از P که به عنوان ورودی به A داده شود، باعث می‌شود A زمان $\Omega(n^2)$ صرف کند.

(۱) فقط گزاره «الف» درست است.

(۲) فقط گزاره «ب» درست است.

(۳) هر دو گزاره «الف» و «ب» درست هستند.

- ۱۲ کدام یک از گزاره‌های زیر درست است؟

الف- اگر یک الگوریتم زمان چندجمله‌ای برای یک مسئله که NP-hard است ارائه شود، آنگاه می‌توان نتیجه گرفت $P = NP$ است.

ب- اگر یک مسئله NP-complete است، آنگاه می‌توان نتیجه گرفت که آن مسئله هیچ راه حلی ندارد.

(۱) فقط گزاره «الف» درست است.

(۲) هر دو گزاره «الف» و «ب» نادرست هستند.

- ۱۳ کدام یک از گزاره‌های زیر درست است؟

الف- اگر یک مسئله که به کلاس NP تعلق دارد یک راه حل زمان چند جمله‌ای داشته باشد، آنگاه $P = NP$ است.

ب- اگر کسی یک حد پایین زمان نمایی برای یک مسئله که NP-complete است بدهد، آنگاه $NP \neq P$ است.

(۱) فقط گزاره «الف» درست است.

(۲) هر دو گزاره «الف» و «ب» نادرست هستند.

- ۱۴ مسئله کوله‌پشتی ۱-۵ را در نظر بگیرید که n شیء با وزن صحیح داریم و گنجایش کوله‌پشتی عدد صحیح M است. این مسئله دارای یک الگوریتم مبتنی بر روش برنامه‌ریزی پویا با زمان $O(M.n)$ است. این مرتبه زمانی بر حسب اندازه مسئله چگونه است؟

(۱) خطی

(۲) درجه دو

(۳) نمایی

- ۱۵ برای پیدا کردن k امین عدد در میان n عدد که به عنوان کلید در گره‌های یک درخت جستجویی دودویی متوازن ذخیره شده‌اند، کمترین پیچیدگی زمانی ممکن کدام است؟ (هر گره درخت فقط شامل کلید و اشاره‌گر به پدر و فرزند چپ و راست است).

(۱) $\Theta(n)$

(۲) $\Theta(\log n)$

(۳) $\Theta(\log \log n)$

(۴) $\Theta(n \log n)$

- ۱۶ n عدد به عنوان کلید در گره‌های یک درخت جستجویی دودویی متوازن ذخیره شده‌اند. هر گره علاوه بر کلید و اشاره‌گر به پدر و فرزند چپ و راست، تعداد گره‌های زیر درخت خود را هم نگهداری می‌کند. برای پیدا کردن کلید یک گره (یعنی اینکه کلید گره چندمین عدد در بین n عدد است) کمترین پیچیدگی زمانی ممکن کدام است؟

(۱) $\Theta(n \log n)$

(۲) $\Theta(\log \log n)$

(۳) $\Theta(\log n)$

(۴) $\Theta(n)$

- ۱۷ در یک درخت قرمز-سیاه، طول طولانی‌ترین مسیر ساده از یک گره x به یک برگ در زیر درخت خودش حداقل چند برابر طول کوتاهترین مسیر از گره x به یک برگ در زیر درخت خودش است؟

(۱) ۱

(۲) ۲

(۳) ۳

(۴) ۴

- ۱۸ کدام یک از گزاره‌های زیر درست است؟

الف- هر درخت جستجوی دودویی دلخواه با n گره می‌تواند به یک درخت جستجوی دودویی دلخواه دیگر با n گره با انجام $O(n)$ عمل rotation تبدیل شود.

ب- برای هر دو تابع $f(n)$ و $g(n)$ یکی از سه حالت (۱) $f(n) \in O(g(n))$ ، (۲) $f(n) \in \Theta(g(n))$ و (۳) $f(n) \in \Omega(g(n))$ برقرار است.

(۱) فقط گزاره «الف» درست است.

(۲) هر دو گزاره «الف» و «ب» نادرست است.

(۳) هر دو گزاره «الف» و «ب» درست است.

-۱۹- کمترین پیچیدگی زمانی ممکن برای مرتبسازی n عدد طبیعی که مقادیر کمتر از n^3 دارند، کدام است؟

$$\Theta(n^3) \quad (2)$$

$$\Theta(n \log^3 n) \quad (1)$$

$$\Theta(n) \quad (4)$$

$$\Theta(n \log n) \quad (3)$$

-۲۰- اگر عدد ۳۶۳ را در یک درخت جستجوی دودویی، جستجو کنیم، کدام دنباله زیر نمی‌تواند دنباله‌ای از کلید گره‌هایی باشد که بررسی می‌شوند؟ (ترتیب از راست به چپ است).

$$1) \quad ۳۶۳, ۳۹۷, ۳۴۴, ۳۳۰, ۳۹۸, ۴۰۱, ۲۵۲, ۲$$

$$2) \quad ۳۶۳, ۳۶۲, ۲۵۸, ۸۹۸, ۲۴۴, ۹۱۱, ۲۲۰, ۹۲۴$$

$$3) \quad ۳۶۳, ۲۷۸, ۳۸۱, ۳۸۲, ۲۶۶, ۲۱۹, ۳۸۷, ۳۹۹, ۲$$

$$4) \quad ۳۶۳, ۲۴۵, ۹۱۲, ۲۴۰, ۹۱۱, ۲۰۲, ۹۲۵$$

-۲۱- نزدیک‌ترین فاصله نقطه Z از ابرصفحه $W^T x = 0$ کدام است؟

$$W^T Z \quad (1)$$

$$\frac{W^T Z}{\|W\|} \quad (2)$$

$$\|W\| \cdot \|Z\| \quad (3)$$

$$\frac{W^T Z}{\|W\|^2} \quad (4)$$

-۲۲- در دسته‌بندی یک مسئله M دسته‌ای به کمک روش بیزین، کدام رابطه در مورد احتمال خطای دسته‌بندی

دسته‌بند بهینه یا همان P_e صادق است؟

$$\frac{1}{M} \leq P_e \leq 1 - \frac{1}{M} \quad (1)$$

$$P_e \leq 1 - \frac{M}{1+M} \quad (2)$$

$$P_e \leq 1 - \frac{1}{M} \quad (3)$$

$$P_e \leq \frac{1}{M} \quad (4)$$

-۲۳- در ساخت یک جنگل تصادفی هر درخت را براساس نمونه‌گیری Bootstrap از داده‌های آموزشی می‌سازیم. اگر n

تعداد کل نمونه‌های آموزشی و d تعداد ویژگی باشد، به‌طور متوسط هر درخت براساس چه تعداد نمونه آموزشی ساخته می‌شود؟

$$(1 - \frac{1}{n})^n \quad (1)$$

$$(1 - \frac{1}{n})^d \quad (2)$$

$$1 - (1 - \frac{1}{n})^d \quad (3)$$

$$1 - (1 - \frac{1}{n})^n \quad (4)$$

- ۲۴- فرض کنید در یک مسئله دسته‌بندی، داده‌های دارای دو ویژگی x_1 و x_2 هستند که هر کدام مقادیر ۱، ۰، یا + را می‌گیرند و برجسب طبقه هم مقدار صفر یا یک را می‌گیرد. سه فرضیه h_1 , h_2 , h_3 به صورت زیر تعریف شده‌اند:

$$h_1(x) = \begin{cases} 1 & \text{if } x_1 = 1 \\ 0 & \text{else} \end{cases} \quad h_2(x) = \begin{cases} 1 & \text{if } x_1 \neq x_2 \\ 0 & \text{else} \end{cases} \quad h_3(x) = \begin{cases} 1 & \text{if } x_1 \cdot x_2 = 0 \\ 0 & \text{else} \end{cases}$$

کدام یک از فرضیه‌های فوق را می‌توان از طریق یک پرسپترون (با گرفتن وزن‌های مناسب) پیاده‌سازی کرد؟

(۱) h_1

(۲) h_2

(۳) h_3

(۴) h_3 و h_2

- ۲۵- در دسته‌بندی یک مسئله دو دسته‌ای با داده‌های آموزش به شرح جدول زیر، دو دسته‌بند **Naïve Bayes** و **Bayes** را در کدام دسته، دسته‌بندی می‌کنند؟

#	Height	Weight	Class
۱	۸۰	۱۸۰	+
۲	۷۰	۱۸۰	+
۳	۸۰	۱۸۰	-
۴	۸۰	۱۸۰	+
۵	۷۰	۱۷۰	+
۶	۵۰	۱۷۰	-
۷	۴۰	۱۶۰	-
۸	۳۰	۱۴۰	-
۹	۱۰۰	۱۷۰	+
۱۰	۱۱۰	۱۶۰	+
۱۱	۵۰	۱۶۰	-
۱۲	۱۱۰	۱۶۰	+

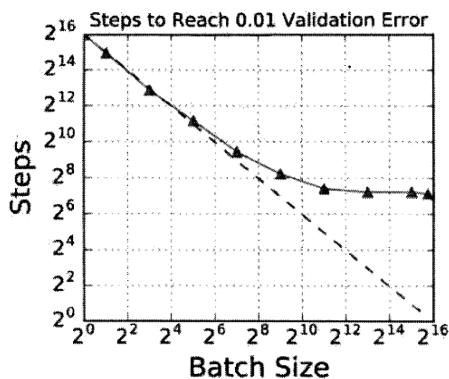
(۱) $\text{Naïve Bayes} \rightarrow -, \text{Bayes} \rightarrow +$

(۲) $\text{Naïve Bayes} \rightarrow +, \text{Bayes} \rightarrow -$

(۳) هر دو مثبت

(۴) هر دو منفی

- ۲۶- نمودار زیر در رابطه با تعداد تکرارهای مورد نیاز برای دستیابی به کمینه خطای استفاده از الگوریتم نزول در امتداد گرادیان تصادفی (SGD) را درنظر بگیرید. گزینه درست کدام است؟



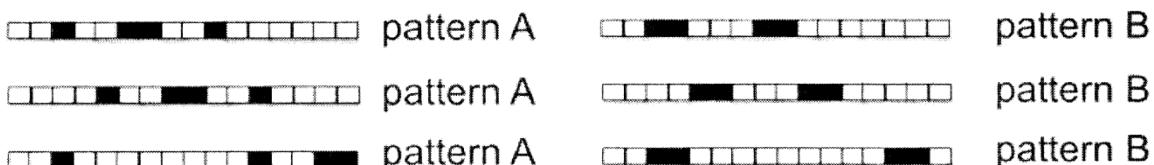
(۱) اندازه دسته یا Batch-size های بزرگتر، واریانس را در تخمین گرادیان در الگوریتم SGD افزایش می‌دهند.

(۲) با تعداد بروزرسانی یکسان، اندازه دسته‌های بزرگتر نسبت به اندازه دسته‌های کوچکتر سریع‌تر همگرا می‌شوند.

(۳) براساس این شکل، اندازه دسته‌های نسبتاً کوچک هم می‌تواند همگرایی سریع را تضمین نماید.

(۴) همه موارد

- ۲۷ مسئله دسته‌بندی دودویی زیر را در نظر بگیرد. فرض کنید مجموعه آموزش حاوی نمونه‌های متفاوتی از الگوی A و B باشند. آیا یک شبکه عصبی حاوی یک لایه کانولوشنی یک‌بعدی با یک تابع فعال‌سازی (Activation function) خطی که به دنبال آن لایه خطی با خروجی لجستیک قرار دارد، می‌تواند به طور کامل همه نمونه‌های آموزش را دسته‌بندی نماید؟



- (۱) بله، فقط باید خروجی لجستیک تغییر یابد.
- (۲) خیر، اما افزودن یک لایه کانولوشنی یک‌بعدی دیگر می‌تواند مسئله را حل کند.
- (۳) بله، لایه کانولوشنی به خوبی می‌تواند شرایط جداپذیری را در این الگوها قابل شناسایی نماید.
- (۴) خیر، این مسئله ذاتاً قابل جداپذیری خطی نیست و نیاز است شبکه پیچیده‌تری جایگزین گردد.
- ۲۸ در یک مسئله دودسته‌ای بر روی داده‌های یک‌بعدی، اگر تابع توزیع دسته‌های w_1 و w_2 به ترتیب توابع گوسی $N(\mu, \sigma^2)$ باشد، مقدار آستانه x_c که مقدار risk Average را کمینه می‌کند، کدام است؟
- (۱) $\lambda_{11} = \lambda_{22} = 0$

$$x_c = \frac{1}{2} - \sigma^2 \ln \frac{\lambda_{12} P(w_1)}{\lambda_{21} P(w_2)} \quad (2)$$

$$x_c = \frac{1}{2} - \sigma^2 \ln \frac{\lambda_{21} P(w_2)}{\lambda_{12} P(w_1)} \quad (1)$$

$$x_c = -\frac{1}{2} \sigma^2 \ln \frac{\lambda_{12} P(w_1)}{\lambda_{21} P(w_2)} \quad (4)$$

$$x_c = -\frac{1}{2} \sigma^2 \ln \frac{\lambda_{21} P(w_2)}{\lambda_{12} P(w_1)} \quad (3)$$

- ۲۹ فرض کنید x_1, x_2, \dots, x_n نمونه‌هایی باشند که به صورت i.i.d از تابع MLE برای پارامتر σ کدام است؟

$$\hat{\sigma} = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n |x_i|^2} \quad (2)$$

$$\hat{\sigma} = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n |x_i|^2}{n}} \quad (1)$$

$$\hat{\sigma} = \sqrt{\frac{n}{\sum_{i=1}^n |x_i|^2}} \quad (4)$$

$$\hat{\sigma} = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n |x_i|^2}{n}} \quad (3)$$

- ۳۰ زنجیره مارکوف با ماتریس گذار زیر را در نظر بگیرید. امید ریاضی تعداد روزهای ماندن در وضعیت Sunny با شروع از وضعیت Sunny چند است؟

	rain	cloudy	sunny	
rain	$0/4$	$0/3$	$0/3$	(۱) $1/25$
cloudy	$0/2$	$0/6$	$0/2$	(۲) $2/5$
sunny	$0/1$	$0/1$	$0/8$	(۳) 4 (۴) 5

$$A = \{a_{ij}\} = \begin{bmatrix} & \text{rain} & \text{cloudy} & \text{sunny} \\ \text{rain} & \left[\begin{array}{ccc} 0/4 & 0/3 & 0/3 \end{array} \right] & & \\ \text{cloudy} & \left[\begin{array}{ccc} 0/2 & 0/6 & 0/2 \end{array} \right] & & \\ \text{sunny} & \left[\begin{array}{ccc} 0/1 & 0/1 & 0/8 \end{array} \right] & & \end{bmatrix}$$

- ۳۱ در مبحث کاهش ابعاد و انتخاب ویژگی‌ها کدام یک از گزاره‌های زیر نادرست است؟

- (۱) روش آنالیز تشخیص خطی (LDA) یک ترکیب خطی از ویژگی‌ها برای تفکیک بهتر فضای داده به دست می‌دهد.
- (۲) تبدیل موجک روشی برای انتقال فضای داده اصلی به فضای جدید با استفاده از ترکیب توابع موجک پایه دلخواه است.
- (۳) شبکه‌های عصبی خودکدار روشی برای کاهش بُعد داده به شمار می‌آیند که قادرند یک بردار ویژگی غنی از اطلاعات را به دست دهند.

- (۴) الگوریتم PCA و ICA فضای داده را به یک فضای جدید با همان تعداد بُعد یا کمتر انتقال می‌دهند به‌گونه‌ای که فاصله بین هر دو نمونه داده با فاصله در فضای قبلی یکسان باقی می‌ماند.

- ۳۲ در نگاشت داده $x \in \mathbb{R}$ از فضای داده به فضای با بعد بالاتر به صورت $y = \phi(x) \in \mathbb{R}^{2k+1}$ ، شکل تابع هسته متناظر با ضرب داخلی داده‌ها، در فضای هسته به کدام صورت است، اگر تابع $\phi(x)$ به صورت رابطه زیر باشد؟

$$\phi(x) = \left[\frac{1}{\sqrt{2}}, \cos x, \cos 2x, \dots, \cos kx, \sin x, \sin 2x, \dots, \sin kx \right]$$

$$K(x_i, x_j) = \frac{\sin((k + \frac{1}{2})(x_i - x_j))}{\cos(x_i - x_j)} \quad (۲) \quad K(x_i, x_j) = \frac{\cos((k + \frac{1}{2})(x_i - x_j))}{\sin(\frac{x_i - x_j}{2})} \quad (۱)$$

$$K(x_i, x_j) = \frac{\sin((k + \frac{1}{2})(x_i - x_j))}{\sin(\frac{x_i - x_j}{2})} \quad (۴) \quad K(x_i, x_j) = \frac{\cos(\frac{x_i - x_j}{2})}{\sin((k + \frac{1}{2})(x_i - x_j))} \quad (۳)$$

- ۳۳ یک تابع PDF به صورت زیر داده شده است:

$$P(x) = \begin{cases} 0 & \text{if } x < 0 \\ \frac{2}{\omega} - \frac{2x}{\omega^2} & \text{if } 0 \leq x \leq \omega \\ 0 & \text{if } x > \omega \end{cases}$$

$$E[X] \text{ کدام است؟}$$

$$\int_0^\omega x \left(\frac{2}{\omega} - \frac{2x}{\omega^2} \right) dx \quad (۲) \quad \int_{-\infty}^\omega \omega \left(\frac{2}{\omega} - \frac{2x}{\omega^2} \right) dx \quad (۱)$$

$$\int_0^\omega x \left(\frac{2}{\omega} - \frac{2x}{\omega^2} \right) dx \quad (۴) \quad \int_0^\omega \left(\frac{2}{\omega} - \frac{2x}{\omega^2} \right) dx \quad (۳)$$

- ۳۴- اگر S ماتریس کواریانس یک مجموعه داده و $\vec{\mu}$ میانگین آن باشد و داشته باشیم $S = QDQ^T$ (ستون Q بردارهای ویژه و قطر D مقادیر ویژه S هستند) در کدام حالت داده‌ها ناهمبسته (uncorrelated) خواهند بود؟

$$(\vec{x} - \vec{\mu}) S^{-1} \quad (۲)$$

$$(\vec{x} - \vec{\mu})^T Q D^{-\frac{1}{2}} \quad (۱)$$

$$\vec{x}^T Q \quad (۴)$$

$$(\vec{x} - \vec{\mu})^T S^{-1} \quad (۳)$$

- ۳۵- کدام مورد نتیجه میانگیری خروجی تعدادی درخت تصمیم است؟

۲) افزایش بایاس

۱) کاهش بایاس

۴) افزایش واریانس

۳) کاهش واریانس

- ۳۶- در هنگام انتخاب یک زیرمجموعه از ویژگی‌ها، تلاش می‌کنیم که ویژگی‌های نامناسب را تشخیص دهیم و آنها را حذف کنیم، کدام مورد، دلیل حذف ویژگی‌ها نیست؟

۲) کاهش واریانس مدل

۱) افزایش تفسیرپذیری مدل

۴) افزایش سرعت پیش‌بینی روی نمونه‌های آزمون

- ۳۷- یک دسته‌بند Hard margin linear SVM که بر روی یک مجموعه داده n تایی آموزش دیده است با $2k$ بردار پشتیبان (Support vector) را درنظر بگیرید. اگر یک داده برچسب‌دار جدید به مجموعه داده موجود اضافه کنیم، حداقل تعداد Support vector‌ها چند خواهد بود؟

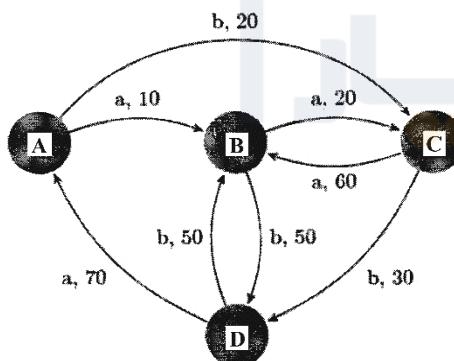
$$n \quad (۲)$$

$$k \quad (۱)$$

$$n+1 \quad (۴)$$

$$n+1 \quad (۳)$$

- ۳۸- قصد داریم تا به روش یادگیری تقویتی، سیستمی با چهار حالت (A,B,C,D) را که در هر حالت تنها دو کنش a و b امکان‌پذیر است، آموزش دهیم. شکل زیر امکان انتقال بین حالات و همچنین پاداش دریافتی به ازای هر کنش در هر حالت را نشان می‌دهد. در صورتی که از الگوریتم Q-Learning برای آموزش استفاده نماییم و $\gamma = 0.9$ باشد، مقادیرتابع Q چه خواهد بود در صورتی که از حالت A شروع کرد و کنش‌های $\{a, a, b, a, b, a\}$ را به ترتیب از چپ به راست انجام دهیم؟



$Q(s,a)$	A	B	C	D
a	۱۰	۲۰	۷۸	۷۹
b	۴۷	۰	۳۰	۰

(۲)

$Q(s,a)$	A	B	C	D
a	۱۰	۲۰	۳۰	۷۰
b	۲۰	۰	۶۰	۰

(۱)

$Q(s,a)$	A	B	C	D
a	۷۸	۱۰	۴۷	۳۰
b	۷۹	۰	۲۰	۰

(۴)

$Q(s,a)$	A	B	C	D
a	۱۰	۲۰	۳۰	۷۰
b	۲۰	۵۰	۶۰	۵۰

(۳)

- ۳۹- اگر در دسته‌بندی مسئله‌ای با ویژگی‌های عددی به کمک درخت تصمیم، یک ویژگی خاص مانند x_1 را نرمال کنیم، تأثیر آن چگونه است؟

- (۱) ویژگی x_1 در ارتفاع بالاتری از درخت قرار می‌گیرد.
- (۲) ویژگی x_1 در ارتفاع پایین‌تری از درخت قرار می‌گیرد.
- (۳) هیچ تأثیری بر شکل درخت و نتیجه دسته‌بندی ندارد.
- (۴) با نرمال‌سازی ویژگی x_1 نمی‌توان در مورد شکل درخت و نتیجه دسته‌بندی نظر قطعی داد.

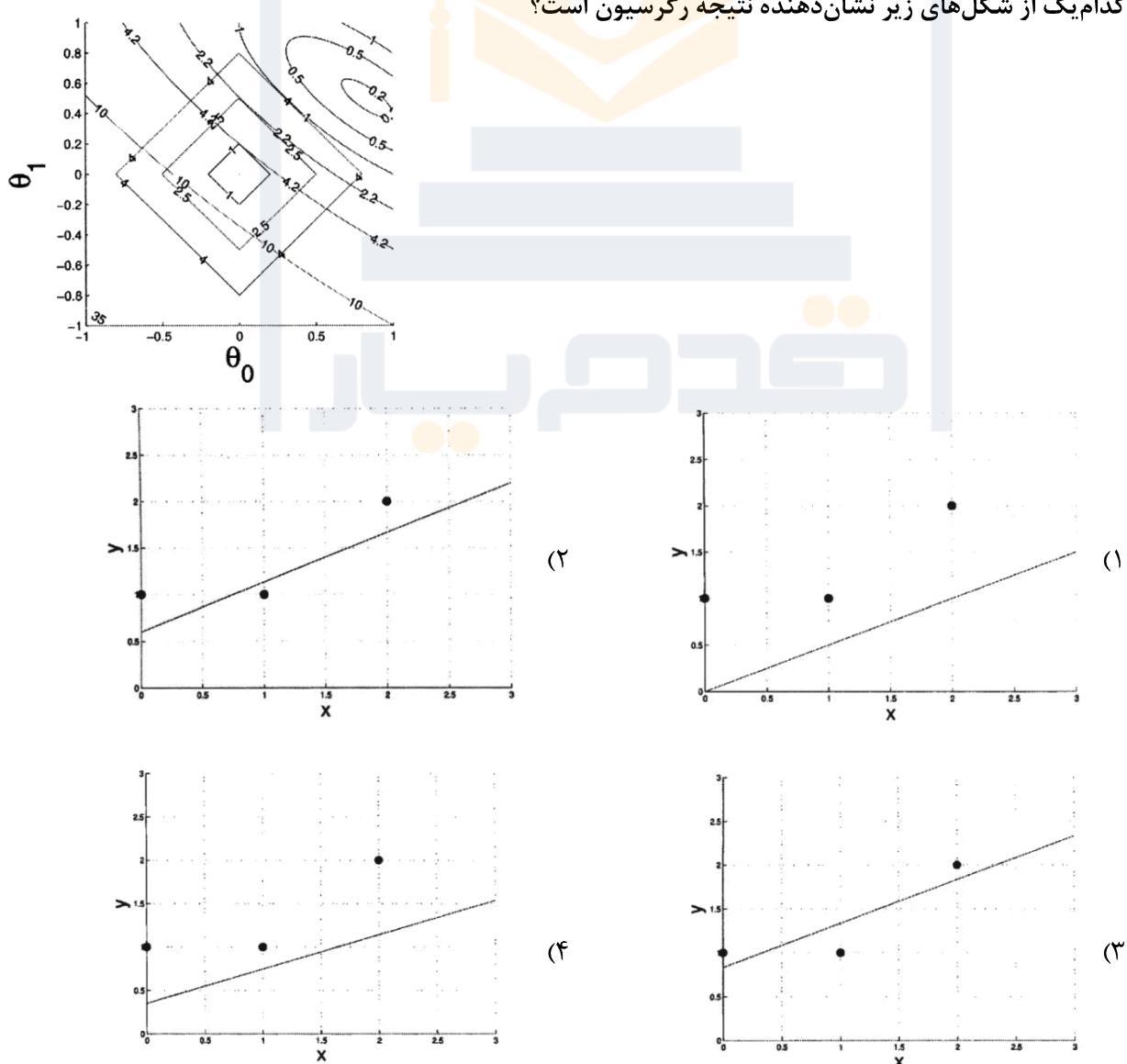
- ۴۰- در رگرسیون خطی سه داده (۱,۱)، (۰,۱) و (۲,۲) در فضای دو بعدی، L_1 -regularization با مقدار

$$\sum_{i=1}^3 (y_i - \theta_1 x_i - \theta_0)^2 + \lambda(|\theta_1| + |\theta_0|) \quad \text{به صورت زیر استفاده شده است. در صورتی که خطای رگرسیون یا همان } \lambda = 5$$

به صورت اعداد درج شده بر روی کانتورهای بیضی‌شکل و جریمه ناشی از Regularization یا همان $\lambda(|\theta_1| + |\theta_0|)$ به صورت اعداد درج شده بر روی کانتورهای مربع‌شکل رسم شده در شکل زیر باشد:

$$\min_{\theta_1, \theta_0} \sum_{i=1}^3 (y_i - \theta_1 x_i - \theta_0)^2 + \lambda(|\theta_1| + |\theta_0|) \quad \text{where } \lambda = 5$$

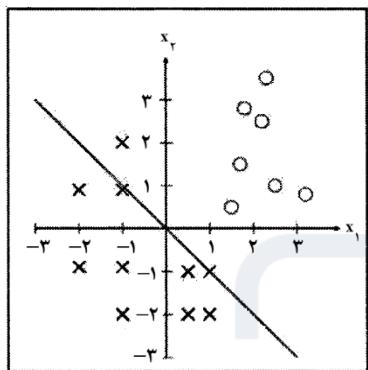
کدام‌یک از شکل‌های زیر نشان‌دهنده نتیجه رگرسیون است؟



- ۴۱ اگر بخواهیم مسئله دسته‌بندی دو دسته‌ای شکل زیر را به کمک مدل Regularized logistic regression بیان شده زیر حل کنیم، مرز تصمیم رسم شده در شکل برای کدام حالت می‌تواند درست باشد؟

$$\text{Max} \sum_{i=1}^n \log(P(y^{(i)} | x_1^{(i)}, x_2^{(i)})) - (\lambda_0 w_0^2 + \lambda_1 w_1^2 + \lambda_2 w_2^2)$$

Where $P(y|x_1, x_2) = \frac{1}{1+e^{-(w_0+w_1x_1+w_2x_2)}}$



$$\lambda_0 = 0, \lambda_1 = 0, \lambda_2 = 0 \quad (1)$$

$$\lambda_0 = \infty, \lambda_1 = 0, \lambda_2 = 0 \quad (2)$$

$$\lambda_0 = 0, \lambda_1 = \infty, \lambda_2 = 0 \quad (3)$$

$$\lambda_0 = 0, \lambda_1 = 0, \lambda_2 = \infty \quad (4)$$

- ۴۲ کدام یک از دسته‌بندهای زیر نسبت به چرخش داده‌ها (Rotation) بسیار حساس است؟ (فرض کنید همه ویژگی‌ها عددی هستند).

۲) رگرسیون لجستیک

SVM (۱)

۴) K نزدیک‌ترین همسایه

درخت تصمیم (۳)

- ۴۳ اگر بخواهیم روش رگرسیون لجستیک را برای یک مسئله K دسته‌ای بسط دهیم و اینگونه عمل کنیم که دسته را به عنوان Pivot انتخاب نماییم و برای هر دسته $K < i$ به صورت جداگانه رگرسیون لجستیک را نسبت به دسته Pivot انجام دهیم و β_i را به صورت زیر محاسبه نماییم، آنگاه کدام رابطه برای $Pr(Y_i = K)$ درست است؟

$$\ln \frac{Pr(Y_i = 1)}{Pr(Y_i = K)} = \beta_1 \cdot X_i$$

$$\ln \frac{Pr(Y_i = 2)}{Pr(Y_i = K)} = \beta_2 \cdot X_i$$

.....

$$\ln \frac{Pr(Y_i = K-1)}{Pr(Y_i = K)} = \beta_{K-1} \cdot X_i$$

$$Pr(Y_i = K) = \frac{e^{\beta_K \cdot X}}{1 + \sum_{K=1}^K e^{\beta_K \cdot X}} \quad (2)$$

$$Pr(Y_i = K) = 1 - \frac{1}{1 + \sum_{K=1}^{K-1} e^{\beta_K \cdot X}} \quad (4)$$

$$Pr(Y_i = K) = \frac{1}{1 + \sum_{K=1}^{K-1} e^{\beta_K \cdot X}} \quad (1)$$

$$Pr(Y_i = K) = 1 - \frac{1}{1 + \sum_{K=1}^{K-1} e^{\beta_K \cdot X}} \quad (3)$$

- ۴۴ در یک دسته‌بند که همیشه با احتمال $P = ۰/۷$ ، برچسب مثبت به داده‌ها انتساب می‌دهد، مقدار کدام است؟ AUC (Area under ROC curve)

- ۱) $۰/۷$
- ۲) $۰/۵$
- ۳) $۰/۳$
- ۴) $۰/۱۵$

- ۴۵ در محاسبه حد بالای Sample complexity به کمک روش‌های مبتنی بر یادگیری PAC، در صورتی که هیچ فرضی در مورد اینکه target concept به کمک فضای فرضیه H قابل نمایش است نداشته باشد و فقط فرضیه با کمترین خطای آموزش را برگرداند، از کدام رابطه می‌توان بهره برد؟

$$m \geq \frac{1}{2} \left(\ln |H| + \ln \left(\frac{1}{\delta} \right) \right) \quad (1)$$

$$m \geq \frac{1}{\epsilon} \left(\ln |H| + \ln \left(\frac{1}{\delta} \right) \right) \quad (2)$$

$$m \geq \max \left(\frac{1}{\epsilon} \left(\log_2 \left(\frac{1}{\delta} \right) \right), \frac{VC(H) - 1}{32\epsilon} \right) \quad (3)$$

۴) با توجه به اینکه Learner نمی‌تواند یک فرضیه سازگار (Consistent) بیاید امکان محاسبه حد بالای Sample complexity وجود ندارد.

شماره سوال	گزینه صحیح						
1	3	26	2	51		76	
2	4	27	4	52		77	
3	1	28	1	53		78	
4	3	29	1	54		79	
5	1	30	4	55		80	
6	1	31	4	56		81	
7	4	32	4	57		82	
8	3	33	2	58		83	
9	2	34	1	59		84	
10	2	35	3	60		85	
11	2	36	1	61		86	
12	1	37	3	62		87	
13	2	38	2	63		88	
14	4	39	3	64		89	
15	1	40	1	65		90	
16	2	41	2	66		91	
17	3	42	3	67		92	
18	1	43	1	68		93	
19	4	44	2	69		94	
20	4	45	1	70		95	
21	2	46		71		96	
22	3	47		72		97	
23	4	48		73		98	
24	1	49		74		99	
25	3	50		75		100	